

1. Berechne die fehlenden Formen der Geraden

Vektorielle Form	Koordinatenform
	$2x + 3y = 5$
$\vec{X} = \begin{pmatrix} -1 \\ 2 \end{pmatrix} + t \cdot \begin{pmatrix} 5 \\ 3 \end{pmatrix}$	

2. Auf der Geraden  $g[A(-3/6), B(3/-3)]$  ist von A aus in Richtung B eine Strecke von  $d = 2 \cdot \sqrt{13}$  abzutragen. Zu welchem Punkt der Geraden g gelangt man?
3.  $A(-13/-4)$ ,  $B(3/-16)$ ,  $C(2/-9)$  und D bilden ein Parallelogramm. Berechne die Koordinaten von D und M!
4. Berechne im Dreieck  $A(14/0)$ ,  $B(2/9)$  und  $C(-10/-7)$  die Gleichung der Winkelsymmetralen  $w_\alpha$  in Parameterform!
5. Gegeben ist das Dreieck  $A(2/-6)$ ,  $B(14/3)$ ,  $C(2/8)$ .
- a) Zeige, dass  $U(\frac{49}{8}/1)$  der Umkreismittelpunkt ist!
- b) Berechne den Radius des Umkreises!

Viel Glück!

Wähle aus den drei Aufgaben 2 aus und mache diese Auswahl auf dem Angabeblatt klar ersichtlich. Die verbleibende dritte Aufgabe ist als Zusatzaufgabe zu verstehen und wird höchstens zu 50% gewertet. Als Berechnungsbasis sind 16 Punkte anzusetzen.

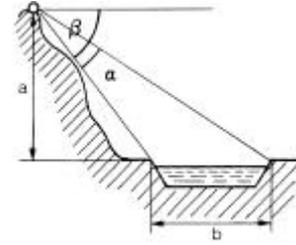
<p>1. Die Geraden <math>c</math> [<math>2y + x = 7</math>], <math>a</math> [<math>\vec{X} = \begin{pmatrix} 5 \\ 1 \end{pmatrix} + t \cdot \begin{pmatrix} -1 \\ 5 \end{pmatrix}</math>] und <math>b</math> [<math>y = x + 2</math>] schneiden sich in den Punkten <math>\mathbf{A}(c \cap b)</math>, <math>\mathbf{B}(c \cap a)</math>, und <math>\mathbf{C}(a \cap b)</math> und schließen ein Dreieck ein.</p> <p>a) Zeige, daß Eckpunkte <math>A(1/3)</math>, <math>B(5/1)</math>, <math>C(4/6)</math>!</p> <p>b) Berechne die Gleichung der Winkelhalbierenden <math>w_\alpha</math>!</p> <p>c) Berechne die Winkel des Dreiecks!</p> <p>d) Berechne die Fläche des Dreiecks (ohne Heronsche Formel)!</p> <p>e) Fertige eine Skizze an!</p>	8 Pkt
<p>2. Dem rechtwinkligen Dreieck <math>ABC</math> mit dem Winkel <math>\alpha</math> wird ein weiteres rechtwinkliges Dreieck <math>ACD</math> mit dem Winkel <math>\beta</math> angehängt.</p> <p>a) Drücke im rechtwinkligen Dreieck <math>AED</math> mit dem Winkel <math>(\alpha + \beta)</math> den <math>\sin(\alpha + \beta)</math> mit den Winkeln <math>\alpha</math> und <math>\beta</math> aus.!</p> <p>b) Begründe kurz, wieso der Winkel <math>CDF = \alpha</math> ist!</p>	7 Pkt
<p>3. Von einem allgemeinen Viereck (siehe Skizze) ist folgendes bekannt: <math>c = 186</math>, <math>\chi_1 = 55^\circ 53'</math>, <math>\alpha_2 = 63^\circ 24'</math>, <math>\delta_2 = 38^\circ 27'</math>, <math>\beta_2 = 51^\circ 48'</math>. Berechne <math>b</math>, <math>d</math>, <math>f</math>, <math>a</math>, und die Fläche!</p>	9 Pkt

Viel Glück!

1. Von einem Trapez kennt man  $a = 8 \text{ cm}$ ,  $b = 4 \text{ cm}$ ,  $c = 2 \text{ cm}$ ,  $d = 5 \text{ cm}$ . Berechne die Winkel und die Diagonalen sowie Fläche und Höhe!
2. Leite den Sinussatz her!
3. Bestimme die Gleichungen der Ebenen in der angegebenen Form:
  - a)  $\varepsilon_1$  [A(3/4/5), B(4/-2/1), C(5/2/-1)] in Parameterform;
  - b)  $\varepsilon_2: \vec{X} = \begin{pmatrix} 5 \\ 2 \\ -1 \end{pmatrix} + r \cdot \begin{pmatrix} 3 \\ 5 \\ 7 \end{pmatrix} + s \cdot \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \\ 5 \end{pmatrix};$
  - c)  $\varepsilon_3: \left[ g: \vec{X} = \begin{pmatrix} 3 \\ 5 \\ 1 \end{pmatrix} + r \cdot \begin{pmatrix} 2 \\ -1 \\ 2 \end{pmatrix}, h: \vec{X} = \begin{pmatrix} 4 \\ 2 \\ -1 \end{pmatrix} + r \cdot \begin{pmatrix} -4 \\ 2 \\ -4 \end{pmatrix} \right]!$
4. Gegeben sind zwei Vektoren  $\vec{a}$  und  $\vec{b}$ :  $\vec{a} = \begin{pmatrix} 5 \\ 2 \\ -3 \end{pmatrix}$ ,  $\vec{b} = \begin{pmatrix} 13 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix}$ . Berechne:
  - a) den Winkel zwischen diesen Vektoren;
  - b) einen Vektor  $\vec{c}$ , welcher normal auf  $\vec{a}$  steht!
5. Eine Kraft  $\vec{a} = \begin{pmatrix} 5 \\ 2 \\ 1 \end{pmatrix}$  bewegt einen Körper entlang des Weges  $\vec{b} = \begin{pmatrix} 7 \\ -1 \\ 5 \end{pmatrix}$ 
  - a) Welche Arbeit wird geleistet?
  - b) Wie groß ist die Wirkung der Kraft  $\vec{a}$  in Richtung des Weges  $\vec{b}$ ?

Viel Glück!

1. Von einem 320 m hohen Berg erblickt man die Strombreite des senkrecht vorbeilaufenden Flusses unter dem Sehwinkel  $\alpha = 12,34^\circ$ , das diesseitige Ufer unter dem Tiefenwinkel  $\beta = 33,97^\circ$ .  
Ermittle die Flußbreite und die Entfernung zu den Ufern!



2. Die Punkte  $A(5/-2/3)$ ,  $B(3/1/-1)$  und  $C(1/4/7)$  bilden die Ebene  $\varepsilon$ . Berechne
- die implizite Form der Ebene;
  - die Normalenform der Ebene!
  - Ermittle einen weiteren Punkt in der Ebene!
3. Der Punkt  $P(0/-5/5)$  ist an der Ebene  $\varepsilon: x + 4y - 3z + 9 = 0$  zu spiegeln!  
Berechne die Koordinaten dieses Punktes  $P'$  und den Abstand von der Ebene!

### Zwischen den folgenden Aufgaben kann gewählt werden!

4. Gegeben sind die Vektoren  $\vec{a} = \begin{pmatrix} ax \\ ay \\ az \end{pmatrix}$ ,  $\vec{b} = \begin{pmatrix} bx \\ by \\ bz \end{pmatrix}$ ,  $\vec{c} = \begin{pmatrix} cx \\ cy \\ cz \end{pmatrix}$ .

Verwende den Ti92, protokolliere im notwendigen Ausmaß mit und zeige:

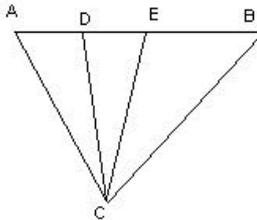
- das Vektorprodukt ist antikommutativ:  $\vec{a} \times \vec{b} = -\vec{b} \times \vec{a}$
  - die Jacobische Identität:  $(\vec{a} \times \vec{b}) \times \vec{c} + (\vec{b} \times \vec{c}) \times \vec{a} + (\vec{c} \times \vec{a}) \times \vec{b} = ?$
  - dass:  $\vec{a} \times \vec{b}$  normal auf  $\vec{a}$
5. Gehen wir davon aus, dass die Weltbevölkerung im Jahre 2000 rund 6 Mrd beträgt. Laut Encarta 98 beträgt das jährliche Wachstum derzeit 1,8%. Ein Wissenschaftler geht davon aus, dass die Tragfähigkeit maximal 12 Mrd. Menschen beträgt.
- Wie entwickelt sich die Weltbevölkerung im 10 Jahresabstand, wenn man von einer Begrenzung des Wachstums ausgeht!?  
(Zeichnung: X-Achse: 10 Jahre  $\approx$  5 cm, Y-Achse: 1 Mrd  $\approx$  1cm)
  - Wann würde die 10 Mrd Grenze überschritten werden?
  - Berechne das Wachstum (%) 2010 / 2011 und vergleiche es mit 2020 / 2021!

Viel Glück!

1. Im Jahre 1988 ist der Statistik folgendes zu entnehmen:

Staat	Einwohnerzahl	Wachstum/Jahr
China	1.070.000.000	0,8%
Indien	760.000.000	1,5%

- a) Gib die voraussichtliche Bevölkerungszahl ab dem Jahr 2000 im 20 Jahresabstand bis 2100 an und stelle diese graphisch dar (1 Mrd = 10 cm!)
- b) Wann werden in Indien und China etwa gleichviel Menschen leben?  
Die TI-Befehle sind mitanzugeben!
2. Vom Ort A soll eine geradlinig zum Ort B führende Hochdruckleitung gebaut werden. Es ist technisch notwendig, von D nach E einen Druckstollen zu bauen. Bei der Gelände Vermessung werden vom Ort C aus folgende Daten ermittelt:  
 $\angle ACB(\chi) = 98,27^\circ$ ,  $\angle ACD(\chi_1) = 25,03^\circ$ ,  $\angle BCE(\chi_2) = 26,03^\circ$ ,  $CB(a) = 6410$  m,  $CA(b) = 5750$  m.  
Berechnen Sie die Länge des Stollens!



Die Berechnungen sind allgemein mit den angegebenen Bezeichnungen durchzuführen und daraus dann die Maße zu ermitteln!

3. Gegeben ist die Ebene  $4x + 3y + 8z = 24$ .
- a) Berechne die Spurpunkte der Ebene
- b) Skizziere das Spurendreieck!
4. Im Punkt  $P(11/7/-1)$  ist eine Gerade zu errichten, welche normal auf die Ebene  $\varepsilon: 5x + 3y - z = 7$  steht.
- a) Berechne die Gleichung dieser Geraden!
- b) Wo ist der Durchstoßpunkt der Gerade durch die Ebene!
- c) Wie weit ist der Punkt P von der Ebene entfernt?

5. Das nachstehende System ist im  $\mathbb{R}^3$  zu lösen:

$$\frac{x}{3} - \frac{y}{4} - z = 8, \quad 2x - 5y - 3z = 2, \quad \frac{5x - 7y}{y + z} = 2.$$

Berechne das System mittels Additions-Subtraktionsverfahren!

6. Untersuche mittels TI 92 den Lösungsfall des Gleichungssystems

$$6x + 8y - 9z = 6$$

$$6x + 8y - 9z = 6$$

$$\underline{-6x - 8y + 9z = -6}$$

Gib die Lösung in Parameterform an und bestimme gegebenenfalls mindestens 3 gemeinsame Punkte

Viel Glück!